# Producto potencial en un modelo de corrección al equilibrio macroeconómico: Argentina 1900-2018

Alejandro Gay

Universidad Nacional de Córdoba - CONICET

26 de setiembre de 2018

Instituto de Economía y Finanzas, UNC



# Hoja de ruta

- Motivación
- Ecuaciones del modelo
- Oatos
- El modelo VAR cointegrado
- Estimación Empírica
- O Producto potencial y brecha del PIB
- ConclusiónReferencias
- 8 Extensiones: usos de la brecha del PIB

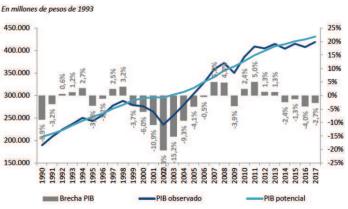


#### Paradoja a resolver:

Luego de más de una década de políticas fiscales y monetarias expansivas, las estimaciones argentinas y las del FMI reportan que el PIB se encuentra por debajo del PIB potencial.

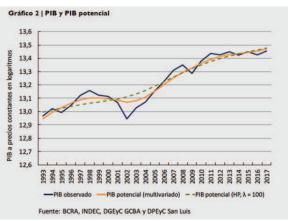
	2015	2016	2017	2018
IMF (2018)	1.1	-1.8	-1.5	-2.9
Baumann Fonay y Cohan (2018)	-1.3	-4	-2.7	
BCRA (2018)	0.3	-2.8	-1,6	





Fuente: Baumann Fonay y Cohan (2018), Crecimiento económico, PTF y PIB potencial en Argentina.





Fuente: BCRA (2018), Informe de Política Monetaria, enero.



En un trabajo previo Gay (2013) hemos utilizado un modelo de corrección al equilibrio para estimar el producto potencial en base a una función de producción con capital, trabajo y tierra, ajustados por sus respectivas calidades.

Este trabajo continúa en esa linea pero ahora se incorporan aspectos de la demanda y se estima el producto potencial en el marco de un modelo de corrección al equilibrio dónde interactuan oferta y demanda agregada, lo que permite evitar el sesgo generado por el filtrado de la serie o de la PTF, al final del período.



#### Ecuaciones del modelo

Función de producción agregada de tipo Cobb-Douglas con tres factores

$$Y_t = (KQ_{kt})^{\beta_1} (LQ_{lt})^{\beta_2} (T_t To T_t)^{\beta_3} e^{A+\Gamma t}$$
(1)

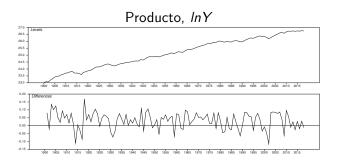
Tomando logaritmos la ecuación a estimar tiene la siguiente forma:

$$lnY_t = \beta_1 ln(KQ_{kt}) + \beta_2 ln(LQ_{lt}) + \beta_3 lnT_t + \beta_3 lnToT_t + A + \Gamma t$$
 (2)

Para incorporar el lado de la demanda, consideramos una función consumo que depende del PIB y de los términos del intercambio (ToT).

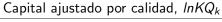
$$lnC_t = \beta_4 lnY_t + \beta_5 lnToT_t + \eta$$
 (3)

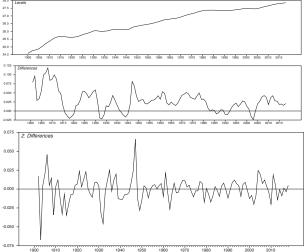






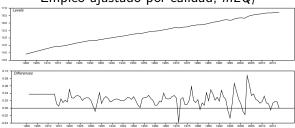




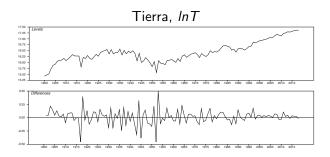




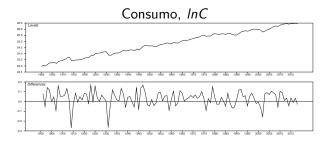
#### Empleo ajustado por calidad, InLQ<sub>I</sub>





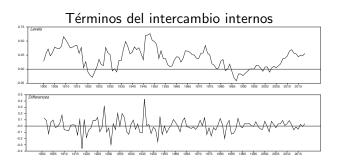














# El modelo VAR cointegrado I(1)

Definiendo el vector:

$$X_{t} = (InY_{t}, InKQ_{kt}, InLQ_{lt}, InT_{t}, InToT_{t}, InC_{t})'$$
(4)

$$\Delta X_t = \Pi X_{t-1} + \Gamma_1 \Delta X_{t-1} + \dots + \Gamma_{k-1} \Delta X_{t-k+1} + \Phi D_t + \varepsilon_t$$
 (5)

$$\Pi = \alpha \beta'$$

Los procesos  $\Delta X_t$  y  $\beta' X_t$  son estacionarios, mientras que  $X_t$  no lo es. Estas relaciones de contegración comprendidas en el vector  $\beta' X_t$  pueden ser interpretadas como relaciones económicas de largo plazo, lo cual es de particular interés para la estimación de las funciones de producción y consumo que nos interesan.

# El modelo VAR cointegrado I(2)

$$\Delta^2 X_t = \Pi X_{t-1} - \Gamma \Delta X_{t-1} + \sum_{i=1}^{k-2} \Phi_i \Delta^2 X_{t-i} + \Theta D_t + \varepsilon_t$$
 (6)

dónde 
$$\Gamma = I - \sum_{i=1}^{k-1} \Gamma_i$$
,  $\Phi_i = \sum_{i=j+1}^{k-1} \Gamma_i$ ,  $i = 1, ..., k-2$ 

 $D_t$ : vector de dummies y variables exógenas estacionarias.

El modelo VAR I(2) fue introducido en Johansen (1992) y sabemos que los parámetros deben satisfacer:

$$\Pi = \alpha \beta'$$
, con  $\alpha$ ,  $\beta$  de dimensión  $p \times r$ ,  $r < p$   $\alpha'_{\perp} \Gamma \beta_{\perp} = \xi \eta'$ , con  $\xi$ ,  $\eta$  de dimensión  $(p - r) \times s$ ,  $s < (p - r)$ 

El modelo I(2) puede caracterizarse por p relaciones diferentes:

$$r: \beta' X_t - \delta \beta'_{\perp 2} \Delta X_t \sim I(0) \tag{7}$$

$$s:$$
  $\beta'_{\perp 1}X_t \sim I(1)$ 

$$p-r-s$$
:  $\beta'_{\perp 2}X_t \sim I(2)$ 



# Estimación Empírica - Especificación del modelo

Fue necesario introducir un quiebre en el año 1973, año de crisis interna y externa (shock del petróleo).

Además se introdujeron variables dummies transitorias en los años 1902, 1908, 1917, 1943, 1947, 1952, para corregir anomalías en los datos y/o shocks transitorios; y una variable dummy puntual para el año 1914 en coincidencia con el comienzo de la primera guerra mundial, otra en 1931 por la gran depresión y finalmente otra en 1959.

Se utilizan dos rezagos.

El test de exogeneidad débil indica que los términos del intercambio y el empleo pueden considerarse variables exógenas.



# Estimación Empírica - Test de los índices de integración

I(2)-Analysis (ML Procedure)

	Rank Test Statistics								
p-r	r	$s_2 = 4$	$s_2 = 3$	$s_2 = 2$	$s_2 = 1$	$s_2 = 0$			
4	0	611,714 [0,000]	430,734	278,200 [0,000]	161,057 [0,000]	119,423 [0,000]			
3	1		277,015	148,488	87,381 [0,000]	71,631 [0,002]			
2	2			75,990 [0,000]	45,912 [0,002]	27,551 [0,288]			
1	3			. , ,	15,532 [0,201]	6,959 [0,762]			

Approximate 95 % fractiles							
p-r	r	$s_2 = 4$	$s_2 = 3$	$s_2 = 2$	$s_2 = 1$	$s_2 = 0$	
4	0	141,531	115,818	94,243	76,841	82,501	
3	1		89,020	69,376	53,921	57,316	
2	2			48,520	34,984	35,956	
1	3				20,018	18,155	

The critical values correspond to the 'Basic Model'



# Estimación Empírica - Modelo I(2) con restricciones

Modelo I(2)  $(r, s_1, s_2) = (3, 0, 1)$  con restricciones

Test del Modelo I(2) con restricciones:  $\chi^2(5) = 3,893[0,565]$  Log-Likelihood = 1681,386

eta' (Normalized)									
	LY	LKQ	LT	LC	LLQ	LTOT	T(1973:01)	TREND	
Beta(1)	-1,194	0,000	0,000	1,000	0,000	-0,177	-0,006	0,009	
	[-9,583]	[NA]	[NA]	[NA]	[NA]	[-4,294]	[-5,724]	[16,949]	
Beta(2)	1,000	-0,444	-0,063	0,000	-0,492	-0,063	0,006	-0,009	
	[17,297]	[-9,210]	[-7,661]	[NA]	[-42,985]	[-7,661]	[14,261]	[-19,018]	
Beta(3)	1,000	-0,719	0,000	0,000	0,000	0,000	0,000	-0,013	
. ,	[NA]	[-10,123]	[NA]	[NA]	[NA]	[NA]	[NA]	[-18,431]	

$\beta_2'$ (Normalized)							
	LY	LKQ	LT	LC			
Beta2(1)	0,719	1,000	4,341	0,858			
		$\tilde{\beta}_2'$					
	LY	LKQ	LT	LC			
Beta2(1)	0,143	0,199	0,862	0,170			

		$[\alpha, \alpha_{\perp 1}, \alpha_{\perp}]$	_2]	
	Alpha(1)	Alpha(2)	Alpha(3)	Alpha2(1)
DDLY	0,236	-0,300	0,073	0,288
	[3,365]	[-2,410]	[1,076]	[2,155]
DDLKQ	-0.024	0,179	-0,075	1,000
	[-1,501]	[6,396]	[-4,903]	[NA]
DDLT	0,441	1,030	-0,864	-0.079
	[2,733]	[3,591]	[-5,526]	[-3,978]
DDLC	-0,148	-0,169	-0,217	0,066
	[-1,495]	[-0,961]	[-2,263]	[0,959]



# Estimación Empírica - Modelo I(1) con restricciones

Modelo I(1) (r = 3) con restricciones

Test del Modelo I(1) con restricciones:  $\chi^2(5) = 5,466[0,362]$ 

\*\*\* No Bartlett Correction for this test

	THE EIGENVECTOR(s)(transposed)								
	LY	LKQ	LT	LC	LLQ	LTOT	T(1973:01)	TREND	
Beta(1)	-27,331	0,000	0,000	22,549	0,000	-3,727	-0,136	0,215	
Beta(2)	65,075	-30,482	-3,518	0,000	-31,075	-3,518	0,353	-0,589	
Beta(3)	-52,799	37,562	0,000	0,000	0,000	0,000	0,000	0,713	

The matrices based on 3 cointegrating vectors:

				$\beta'$				
	LY	LKQ	LT	LC	LLQ	LTOT	T(1973:01)	TREND
Beta(1)	-1,212	0,000	0,000	1,000	0,000	-0,165	-0,006	0,010
	[-12,091]	[NA]	[NA]	[NA]	[NA]	[-3,269]	[-4,499]	[2,825]
Beta(2)	1,000	-0,468	-0,054	0,000	-0,478	-0,054	0,005	-0,009
	[NA]	[-8,707]	[-3,707]	[NA]	[-9,118]	[-3,707]	[6,640]	[-17,060]
Beta(3)	1,000	-0,711	0,000	0,000	0,000	0,000	0,000	-0.014
	[NA]	[-11,441]	[NA]	[NA]	[NA]	[NA]	[NA]	[-8,659]

		$\alpha$	
	Alpha(1)	Alpha(2)	Alpha(3)
DLY	0,193	-0,611	0,410
	[2,834]	[-3,117]	[2,578]
DLKQ	-0,027	0,114	-0.015
	[-1,790]	[2,569]	[-0,412]
DLT	0,478	1,063	-0,964
	[2,947]	[2,273]	[-2,542]
DLC	-0,196	-0,546	0,178
	[-2,023]	[-1,955]	[0,785]





# Producto potencial y PIB

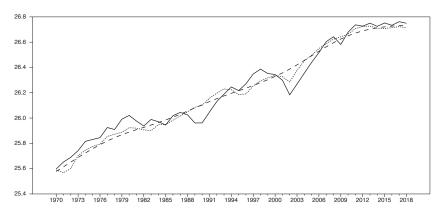
Se exporta a RATS el modelo I(1) estimado en CATS 2 y se lo pone a funcionar a partir del año 1970 para obtener la proyección del PIB y de las otras variables endógenas del modelo.

Posteriormente se utiliza un filtro de Hodrick-Prescott para suavizar la proyección del PIB generada por el modelo, lo que permite obtener la serie del producto potencial.

Hay elegir cuidadosamente el año inicial (1970 en este caso) porque el nivel de la curva dependerá de ello (hay una constante de integración). Intuitivamente, se hace coincidir su valor con el de uno o más años en los que estuvimos en pleno empleo.

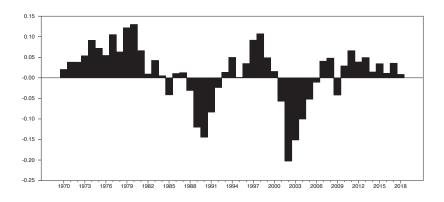


# Producto potencial y PIB





# Brecha del PIB







Se estima el producto potencial a partir de un modelo de corrección al equilibrio dónde interactuan oferta y demanda, en base a las siguientes variables: producto, capital ajustado por calidad, trabajo ajustado por calidad, tierra, consumo y términos del intercambio.

En el proceso de estimación hemos obtenido algunos parámetros importantes de la economía Argentina: la participación del capital en el producto es de 0.45, la del trabajo 0.49, la de la tierra 0.06 y en la función consumo los términos del intercambio tiene un coeficiente de 0.18. Además se detectó que hay un quiebre en la tendencia de los vectores de cointegración en el año 1973 que afectan al consumo y a la producción, en la misma magnitud en valor absoluto.



Se utiliza el modelo así obtenido para describir la dinámica del producto en el período 1970-2018, lo que permite calcular la brecha del producto y muestra que la macroeconomía argentina ha sido muy mal administrada en el último medio siglo.

Durante la tablita cambiaria hacia fines de 1970 tuvimos una brecha del producto positiva que llegó a alcanzar el 13 % del PIB en 1980, una década después en la hiperinflación de 1990 la brecha era -14 %, durante la Convertibilidad en 1998 llegamos a estar un 10.7 % por encima del potencial, para caer en el 2002 en una profunda recesión con una brecha del -20.3 %. Más recientemente, llegamos al pleno empleo en los primeros meses del 2017, en 2011 alcanzamos una brecha de 6.6 % y en 2017 nos ubicábamos un 3.6 % por encima del potencial. En base a los supuestos que hemos hecho a fines del 2018 estaremos un 0.8 % por encima del potencial.

Producto potencial en equilibrio macro

Consideramos que la estimación del producto potencial que hemos obtenido debería ser más precisa que las tradicionales ya que el filtrado se realiza en etapas superiores de la estimación. Mas concretamente se filtra la serie del producto que genera el modelo endógenamente y no la serie de productividad total de los factores calculada como residuo.

En nuestro caso el filtrado se torna necesario al no haber corregido los insumos para ajustarlos a los niveles de utilización de pleno empleo.

Consideramos que esta metodología representa un avance en relación a las metodologías más tradicionales, tanto la de filtrar directamente la serie del producto, como la de filtrar la serie de productividad total de los factores obtenida como residuo.



Fue necesario trabajar con el modelo I(1), más simple y operativo, y no con el modelo I(2) que refleja más acabadamente el proceso generador de los datos, porque el software disponible CATS 2, no permite recuperar las series en niveles.

A futuro, utilizaremos la nueva versión CATS 3, para estimar y exportar directamente el modelo I(2) a Oxmetrics, y poder hacer entonces proyecciones del PIB potencial, quizás de una manera aún más precisa.



#### Referencias

- Gay, A. (2013). Terms of trade and potential output in Argentina. En Reunión Anual de la Asociación Argentina de Economía Política.
- IMF. (2018, july). Argentina: Country report no. 18/219 (Inf. Téc. n.º 219). Washington D.C.: International Monetary Fund.
- Johansen, S. (1992). A representation of vector autoregressive processes integrated of order 2. *Econometric Theory*.



# Test sobre residuos Modelo I(1)

```
Tests for Autocorrelation
```

Ljung-Box(29):	$\chi^{2}(436)$	=	804.171	0.000
LM(1):	$\chi^{2}(16)$	=	50.496	[0.000]
LM(2):	$\chi^{2}(16)$	=	7.366	[0.966]

Test for Normality:  $\chi^{2}(8) = 9.928 \quad [0.270]$ 

Test for ARCH:

LM(1):  $\chi^2(100) = 102.853 [0.403]$ LM(2):  $\chi^2(200) = 183.529 [0.792]$ 

#### Univariate Statistics

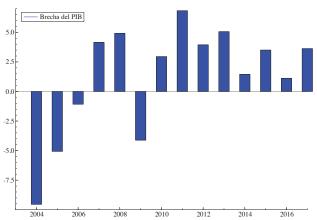
-0.089
-0.022
-0.203
-0.121

	ARCH(2)	Normality	R-Squared
DLY	0.325 [0.850]	0.648 [0.723]	0.613
DLKQ	2.166 [0.339]	2.670 [0.263]	0.934
DLT	0.954 [0.621]	2.384 [0.304]	0.678
DLC	3.123 [0.210]	0.405 [0.817]	0.618



# Algunos usos de la brecha del PIB

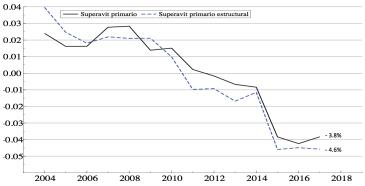






# Algunos usos de la brecha del PIB

Superávit primario estructural = 
$$T_t \left( \frac{Y_t^*}{Y_t} \right)^{1,14} - G_t \left( \frac{Y_t^*}{Y_t} \right)^{0,43}$$





# Algunos usos de la brecha del PIB

